

امتحان 5 - حلّ معادلة مع بارامتر من درجة ثانية

(2) حلّوا المعادلة التّالية:

$$\frac{x+3}{a} - \frac{3-a}{x} = 2$$

معهد إيهاب عمر



نحل المعادلة

$$\frac{x+3}{a} - \frac{3-a}{x} = 2$$

$$x(x+3) - a(3-a) = 2ax$$

$$x^2 + 3x - 3a + a^2 = 2ax$$

$$x^2 + 3x - 2ax - 3a + a^2 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$a = 1, b = 3 - 2a, c = -3a + a^2$$

$$x_{1,2} = \frac{2a - 3 \pm \sqrt{(3 - 2a)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-3a + a^2)}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{2a - 3 \pm \sqrt{9 - 12a + 4a^2 + 12a - 4a^2}}{2}$$

$$x_{1,2} = \frac{2a - 3 \pm \sqrt{9}}{2} = \frac{2a - 3 \pm 3}{2}$$

$$x_1 = \frac{2a - 3 + 3}{2}$$

$$x_1 = \frac{2a}{2}$$

$$x_1 = a$$

$$x_2 = \frac{2a - 3 - 3}{2}$$

$$x_2 = \frac{2a - 6}{2}$$

$$x_2 = a - 3$$

