

امتحان 8 - حلّ معادلة مع بارامتر من درجة ثانية

(2) حلّوا المعادلة التّالية:

$$\frac{x}{ax+b} + \frac{1}{ax-b} = \frac{2b}{a^2x^2 - b^2}$$

نحلّ المعادلة

مجال التّعريف، المقامات لا تساوي صفر:

$$ax + b \neq 0 \text{ و } ax - b \neq 0$$

$$ax \neq -b$$

$$x \neq -\frac{b}{a}$$

$$ax \neq b$$

$$x \neq \frac{b}{a}$$

نلاحظ أنّ:

$$a^2x^2 - b^2 = (ax - b)(ax + b)$$

$$\frac{x}{ax+b} + \frac{1}{ax-b} = \frac{2b}{(ax-b)(ax+b)} \quad / \cdot (ax-b)(ax+b)$$

$$x(ax-b) + (ax+b) = 2b$$

$$ax^2 - bx + ax + b = 2b$$

$$ax^2 + (a-b)x - b = 0$$



نعوض في قانون الدّستور:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1,2} = \frac{b - a \pm \sqrt{(a - b)^2 - 4 \cdot a \cdot (-b)}}{2 \cdot a}$$

$$x_{1,2} = \frac{b - a \pm \sqrt{a^2 - 2ab + b^2 + 4ab}}{2 \cdot a}$$

$$x_{1,2} = \frac{b - a \pm \sqrt{a^2 + 2ab + b^2}}{2a}$$

$$x_{1,2} = \frac{b - a \pm \sqrt{(a + b)^2}}{2a}$$

$$x_{1,2} = \frac{b - a \pm (a + b)}{2a}$$

$$x_1 = \frac{b - a + (a + b)}{2a} = \frac{b - a + a + b}{2a}$$

$$x_1 = \frac{2b}{2a}$$

$$x_1 = \frac{b}{a} \text{ ملغي لأنه خارج مجال التعريف}$$

$$x_2 = \frac{b - a - (a + b)}{2a} = \frac{b - a - a - b}{2a}$$

$$x_2 = \frac{-2a}{2a}$$

$$x_2 = -1$$

⇓

$$x = -1$$

