

امتحان 3 – متباينة من درجة عليا

(2) حلّوا المتباينة التّالية:

$$(x^2 + 3x + 1)^2 - 16(x^2 + 3x + 1) + 55 \geq 0$$

نحل المتباينة

$$(x^2 + 3x + 1)^2 - 16(x^2 + 3x + 1) + 55 \geq 0$$

$$\text{نرمز: } (x^2 + 3x + 1) = t$$

$$t^2 - 16t + 55 \geq 0$$

$$t^2 - 16t + 55 = 0$$

$$(t - 11)(t - 5) = 0$$

$$t = 11$$

$$t = 5$$

$$x^2 + 3x + 1 = 11$$

$$x^2 + 3x + 1 = 5$$

$$x^2 + 3x - 10 = 0$$

$$x^2 + 3x - 4 = 0$$

$$(x - 2)(x + 5) = 0$$

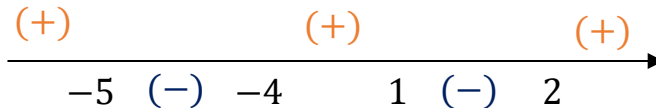
$$(x - 1)(x + 4) = 0$$

$$x = 2, x = -5$$

$$x = 1, x = -4$$

نريد المجالات الموجبة أو الصفريّة لأن المتباينة أكبر أو تساوي صفر

نعوّض بيّن المجالات:



$$x \leq -5 \cup -4 \leq x \leq 1 \cup x \geq 2$$

