

امتحان 6 – حلّ معادلة من درجة ثانية

(2) حلّوا المعادلة التّالية، $(p \neq 2, 0)$:

$$(p - 2)(x + 1)^2 + (x - 3)(2x + p) = (5p - 7)x - 3p - 5$$

معهد إيهاب عمر



نحلّ المعادلة

$$(p - 2)(x + 1)^2 + (x - 3)(2x + p) = (5p - 7)x - 3p - 5$$

نفكّ الأقواس:

$$(p - 2)(x^2 + 2x + 1) + (2x^2 + px - 6x - 3p) = (5p - 7)x - 3p - 5$$

$$px^2 - 2x^2 + 2xp - 4x - 2 + p + 2x^2 + px - 6x - 3p = (5p - 7)x - 3p - 5$$

نجمّع الحدود في الطرفين:

$$px^2 + 3xp - 10x - 2 - 2p = 5px - 7x - 3p - 5$$

$$px^2 - 2xp - 3x + 3 + p = 0$$

$$px^2 - (2p + 3)x + p + 3 = 0$$

معطى أنّ $(p \neq 2, 0)$ ، نعوض في قانون الدّستور:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1,2} = \frac{2p + 3 \pm \sqrt{(-(2p + 3))^2 - 4 \cdot p \cdot (p + 3)}}{2 \cdot p}$$

$$x_{1,2} = \frac{2p + 3 \pm \sqrt{4p^2 + 12p + 9 - 4p^2 - 12p}}{2 \cdot p}$$

$$x_{1,2} = \frac{2p + 3 \pm \sqrt{9}}{2p}$$

$$x_{1,2} = \frac{2p + 3 \pm 3}{2 \cdot p}$$

$$x_1 = \frac{2p + 3 - 3}{2p} = \frac{2p}{2p}$$

$$x_1 = 1$$

$$x_2 = \frac{2p + 3 + 3}{2p} = \frac{2p + 6}{2p}$$

$$x_2 = p + 3$$

$$x_1 = 1, x_2 = p + 3$$

